

① La condición de equilibrio final es que los potenciales sean iguales:

$$\Rightarrow \frac{Q_1}{C_0} = \frac{Q_2}{kC_0} \rightarrow \boxed{kQ_1 - Q_2 = 0} \quad ①$$

Por otra parte la carga total no ha cambiado, entonces:

$$\boxed{Q_1 + Q_2 = 2Q} \quad ②$$

De ① y ② podemos encontrar Q_1, Q_2

sumando ①+②

$$(k+1)Q_1 = 2Q \rightarrow \boxed{Q_1 = \frac{2Q}{k+1}}$$

y ~~entonces~~

$$\boxed{Q_2 = \frac{2kQ}{k+1}}$$

(2)

(a)

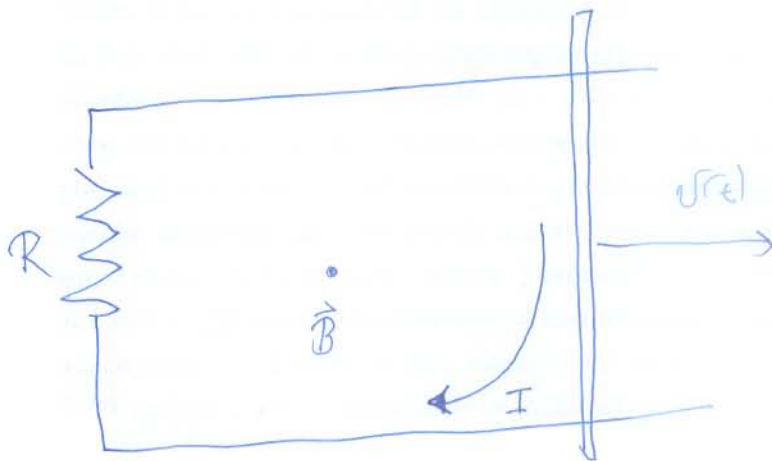
$$\text{Area}(t) = a \cdot x(t)$$

$$\text{Flujo } \Phi(t) = B a x(t)$$

$$\Rightarrow \mathcal{E} = - \frac{d\Phi}{dt} = - a B v(t)$$

La corriente inducida es:

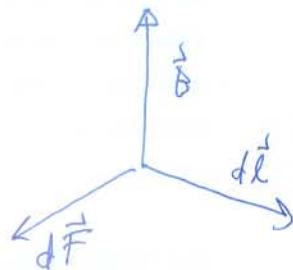
$$I = \frac{\mathcal{E}}{R} = \frac{a B v(t)}{R}$$



(b) La fuerza de Lorentz debido a la interacción entre la corriente inducida

I , y el campo es:

$$d\vec{F} = I d\vec{l} \times \vec{B}$$



y apunta perpendicular a la barra

y en la dirección contrario a su movimiento.

Es decir, la fuerza de Lorentz tiende a detener a la barra. Integrando sobre dl :

$$F = I a B = \left(\frac{a B v}{R}\right) a B = \frac{a^2 B^2 v}{R}$$

La ecuación de Newton para la barra es:

$$m \dot{v} = - \frac{a^2 B^2 v}{R} \Rightarrow$$

$$v(t) = v_0 e^{-\frac{a^2 B^2}{Rm} t}$$

donde v_0 es la velocidad en $t=0$.

3

(a) ✓

(b) ✓

(c) ✗

(d) ✗

(e) ✗

(f) ✓